## Variante der Ford-Fulkerson-Methode

Dieser Algorithmus funktioniert bei ganzzahligen Kapazitäten:

### Algorithmus

```
K \leftarrow 2 \lfloor \log_2(\max\{c(u,v) \mid (u,v) \in E\}) \rfloor
f \leftarrow 0
while K \geq 1 do
while es gibt einen augmentierenden
Pfad p mit c_f(p) \geq K do
augmentiere f entlang p
K \leftarrow K/2
return f
```

Die Laufzeit ist  $O(|E|^2 \log K)$ .  $\Rightarrow$  vergleiche mit  $O(|E|f^*)$ .



## Variante der Ford-Fulkerson-Methode

#### Theorem

Die Laufzeit dieser Variante beträgt  $O(|E|^2 \log C)$ , wobei  $C = \max\{ c(u, v) \mid (u, v) \in E \}$ .

#### Beweis.

- Die Restkapazität eines minimalen Schnitts ist stets höchstens 2K|E|.
- Für jedes K gibt es nur |E| Augmentierungen
- Es gibt  $O(\log C)$  verschiedene K



## Der Edmonds-Karp-Algorithmus

Die Ford-Fulkerson-Methode kann sehr langsam sein, auch wenn das Netzwerk klein ist.

Der Edmonds-Karp-Algorithmus ist polynomiell in der Größe des Netzwerks.

## Algorithmus

Initialisiere Fluß f zu 0 while es gibt einen augmentierenden Pfad do finde einen kürzesten augmentierenden Pfad p augmentiere f entlang p

### return f

Unterschied: Es wird ein kürzester Pfad gewählt



# Der Edmonds-Karp-Algorithmus

## Algorithmus

```
for each edge (u, v) \in E do
   f(u, v) \leftarrow 0
   f(v, u) \leftarrow 0
while there exists a path from s to t in G_f do
   p \leftarrow a shortest path from s to t in G_f
   c_f(p) \leftarrow \min\{c_f(u,v) \mid (u,v) \text{ is in } p\}
   for each edge (u, v) in p do
      f(u, v) \leftarrow f(u, v) + c_f(p)
      f(v, u) \leftarrow -f(u, v)
return f
```

